

Sommersemester 2007

Übung zu Anwendungen in  
multivariater Datenanalyse

Lineare Strukturgleichungsmodelle  
(LISREL)

Dienstags 16.15-17.45 in Oec I 21

# Organisation und Scheinvoraussetzungen

Dienstags 16.15 – 17.45 in Oec I21:

Vorlesung mit Übung

Übungsausgabe am Ende der Sitzung

Vorlesungsskript und Material im Ornder zur Veranstaltung

„<http://mzw.sowi.uni-goettingen.de>“ →Lehre

Scheinvoraussetzungen:

- Abgabe von 5 Übungsaufgaben spätestens zum Abgabetermin
- schriftliche Hausarbeit nach der Veranstaltung  
(entweder Anwendung von SEM auf empirischen Datensatz  
oder Bearbeitung von vorgegebenen Prüfungsaufgaben)

# Programm

17.04. Einführung:

- Organisatorisches
- Was ist LISREL?

24.04. Logik Linearer Modelle

- Empirie, Theorie und statistische Modellierung von Daten
- Die Logik der Datenanalyse mit linearen Strukturgleichungsmodellen
- Die Algebra von Mittelwerten und Varianzen
- Anwendung auf Kausalmodelle: Effektzerlegung und Fehlspezifikation

08.05. Vor der Analyse: Datenaufbereitung mit PRELIS

- Von den Rohdaten zur Varianz-Kovarianzmatrix
- PRELIS-Syntax
- Umgang mit ungültigen Werten

15.05. Vom Pfaddiagramm zur Modellschätzung:

Modellspezifikation mit SIMPLIS und LISREL-Syntax

- Pfaddiagramm und Modellgleichung
- „Freie“ Modellparameter
- Modellspezifikation mit SIMPLIS und LISREL-Syntax

## Programm

- 22.05. Konsequenzen von Messfehlern und deren Berücksichtigung in der konfirmatorischen Faktorenanalyse
- Reliabilität und die Auswirkungen von zufälligen Messfehlern
  - Messmodelle
  - Konfirmatorische Faktorenanalyse
  - Kontrolle von Validität?
- 29.05. Identifikation der Modellparameter
- Überidentifizierte, gerade identifizierte und nicht identifizierte Modelle
  - Äquivalente Modelle
- 05.06. Schätzung der Modellparameter
- Verschiedene Schätzverfahren
  - Schätzung bei Daten mit ungültigen Werten
- 12.06. Tests von Modellparametern
- Wald-Tests
  - LM-Tests
  - Chiquadrat-Differenzentests

## Programm

### 19.06. Modellbeurteilung und Modellmodifikation

- Beurteilungskriterien für ein einzelnes Modell
- Beurteilungskriterien für den Modellvergleich
- Modellmodifikation und Kreuzvalidierung

### 26.06. Simultane Gruppenvergleiche

### 03.07. Modelle mit Mittelwerten von latenten Variablen

- Möglichkeiten der Berücksichtigung von Mittelwerten
- Probleme bei fehlender Tau-Invarianz

### 10.07. Lineare Strukturgleichungsmodelle für Paneldaten

- Vorteile von Paneldaten
- Probleme von Paneldaten
- LISREL-Modelle für Paneldaten

### 17.07. Berücksichtigung ordinaler Indikatoren

- Auswirkungen der Ignoranz ordinalen Messniveaus
- Schätzen von polychorischen Korrelationen, Varianzen und Kovarianzen

# Was ist LISREL?

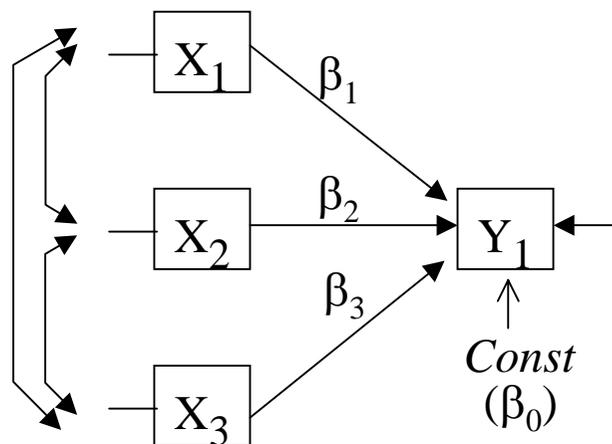
## *Ausgangspunkt: Lineare Regression*

Lineare Strukturgleichungsmodelle (LISREL-Modelle) können als Verallgemeinerungen des linearen Regressionsmodells aufgefasst werden.

In der linearen Regression werden die bedingten Mittelwerte  $\mu(Y|X_1, X_2, \dots, X_K)$  einer abhängigen Variablen  $Y_1$  als lineare Funktion einer oder mehrerer erklärender Variablen  $X_1, X_2, \dots, X_K$  modelliert.

Werden die Abweichungen der Realisierungen um die bedingten Mittelwerte in einer Residualvariable  $\zeta_1$  (zeta1) zusammengefasst wird, kann die abhängige Variable  $Y_1$  als eine lineare Funktion der erklärenden Variablen (Prädiktoren)  $X_1$  bis  $X_K$  und der Residualvariablen  $\zeta_1$  aufgefasst werden.

## Grafische Darstellung als *Pfadmodell*:



## **Beispiel:**

**Modellgleichung** der linearen Regression einer abhängigen Variable  $Y_1$  auf drei erklärende Variablen  $X_1, X_2$  und  $X_3$ :

$$Y_1 = \mu(Y|X_1, X_2, X_3) + \zeta_1 \\ \beta_0 + \beta_1 \cdot X_1 + \beta_2 \cdot X_2 + \beta_3 \cdot X_3 + \zeta_1$$

## Ein Anwendungsbeispiel aus dem ALLBUS 1996:

### Determinanten der wahrgenommenen Beeinflussbarkeit des politischen Systems

#### *Frageformulierungen und Antwortvorgaben*

1. Einfluss (V401): *Der Durchschnittsbürger hat einen erheblichen Einfluss auf die Politik.*
2. Wahlen (V404): *Wahlen sind ein gutes Mittel, eine Regierung dazu zu bringen, auf die Meinung des Volkes zu achten.*
3. Politikr (V406): *Die Politiker, die wir in den Bundestag wählen, versuchen, ihre Versprechen aus dem Wahlkampf zu halten.*
4. Beamte (V407): *Man kann sich darauf verlassen, dass die meisten Regierungsbeamte das Beste für das Land tun.*

Antwortvorgaben für alle vier Fragen aus dem schriftlichen ISSP-Teil:

*stimme voll und ganz zu (1), stimme eher zu (2), weder noch (3), stimme eher nicht zu (4), stimme überhaupt nicht zu (5).*

5. Polint1 (V106): *Wie stark interessieren Sie sich für Politik?* (durch Interviewer erfragt)

6. Polint2:(V399): *Wie stark interessieren Sie sich für Politik?* (aus schriftlichem ISSP-Teil)

Antwortvorgaben: *überhaupt nicht (1), wenig (2), mittel (3), stark (4), sehr stark (5).*

7. Führung (V69) *Wir sollten dankbar sein für führende Köpfe, die uns genau sagen können, was wir tun sollen und wie.*

Antwortvorgaben: vorgegebene Skala mit den benannten Extrempunkten *„1. stimme überhaupt nicht zu“* und *„7. stimme voll und ganz zu“*.

## ***Daten:***

Alle Variablen sind so (re-) kodiert, dass ein hoher Wert für Zustimmung bzw. hohes politisches Interesse stehen.

In den folgenden Analysen werden nur die 1882 Fälle aus den alten Bundesländern mit gültigen Werten bei allen sieben Variablen analysiert. Es ergeben sich folgende Varianzen, Kovarianzen und Mittelwerte:

Variable	Einfluss	Wahlen	Politikr	Beamte	Polint1	Polint2	Fuehrung
Einfluss	1.050						
Wahlen	0.296	1.079					
Politikr	0.284	0.238	1.092				
Beamte	0.240	0.269	0.533	1.017			
Polint1	0.098	0.128	0.044	0.037	0.951		
Polint2	0.118	0.135	0.054	0.052	0.827	0.895	
Fuehrung	0.194	0.281	0.292	0.399	-0.059	-0.064	3.331
Mittelwerte	2.476	3.721	2.509	2.709	3.106	3.102	2.740

(n=1882 Fälle westdeutscher Befragter mit gültigen Angaben aus dem Allbus 1996)

Realisierungen der 1882 rekodierten Fälle in Datei „a96w.dat“ durch Leerzeichen getrennt in der Reihenfolge: Polint1, Polint2, Einfluss, Wahlen, Politikr, Beamte und Fuehrung.

# Lineare Regression mit SPSS

Im Beispiel wird in einer linearen Regressionsgleichung „Einfluss“ auf die drei Prädiktoren „Politikr“ „Polint1“ und „Fuehrung“ regrediert:

$$\text{Einfluss} = \beta_0 + \beta_1 \cdot \text{Politikr} + \beta_2 \cdot \text{Polint1} + \beta_3 \cdot \text{Fuehrung} + \zeta_1$$

SPSS-Befehle:

```
data list free file='C:\Anwender\Lehre\2007SS\LISREL\a96w.dat'
  / Polint1 Polint2 Einfluss Wahlen Politikr Beamte Fuehrung.
regression des mean cov /dep=Einfluss /ent Polint1 Fuehrung Politikr.
```

**Deskriptive Statistiken**

	Mittelwert	N
Einfluss	2.4761	1882
Polint1	3.1063	1882
Fuehrung	2.7396	1882
Politikr	2.5085	1882

**Korrelationen**

		Einfluss	Polint1	Fuehrung	Politikr
Kovarianz	Einfluss	1.050	.098	.194	.284
	Polint1	.098	.951	-.059	.044
	Fuehrung	.194	-.059	3.331	.292
	Politikr	.284	.044	.292	1.092

**Aufgenommene/Entfernte Variable<sup>a</sup>**

Modell	Aufgenommene Variablen	Entfernte Variablen	Methode
1	Politikr, Polint1, Fuehrung <sup>a</sup>	.	Eingeben

a. Alle gewünschten Variablen wurden aufgenommen.

b. Abhängige Variable: Einfluss

# Lineare Regression mit SPSS

## Modellzusammenfassung

Modell	R	R-Quadrat	Korrigiertes R-Quadrat	Standardfehler des Schätzers
1	.287 <sup>a</sup>	.082	.081	.98241

a. Einflußvariablen : (Konstante), Politikr, Polint1, Fuehrung

## ANOVA<sup>b</sup>

Modell		Quadratsumme	df	Mittel der Quadrate	F	Signifikanz
1	Regression	162.896	3	54.299	56.260	.000 <sup>a</sup>
	Residuen	1812.528	1878	.965		
	Gesamt	1975.424	1881			

a. Einflußvariablen : (Konstante), Politikr, Polint1, Fuehrung

b. Abhängige Variable: Einfluss

## Koeffizienten<sup>a</sup>

Modell		Nicht standardisierte Koeffizienten		Standardisierte Koeffizienten	T	Signifikanz
		B	Standardfehler	Beta		
1	(Konstante)	1.461	.096		15.251	.000
	Polint1	.094	.023	.090	4.049	.000
	Fuehrung	.038	.013	.068	3.052	.002
	Politikr	.246	.022	.251	11.203	.000

a. Abhängige Variable: Einfluss

# SIMPLIS-Beispiel zur linearen Regression von *Einfluss* auf *Politikr*, *Polint1* und *Fuehrung*

Berechnung mit LISREL:

*Optionaler Titel:*

*Variablennamen*

*der empir. Daten*

*Stichprobenumfang*

*Eingabe der*

*Stichprobenvarianzen*

*und -kovarianzen*

*Eingabe der*

*Stichprobenmittelwerte*

*Modellspezifikation (optional)*

*Modellgleichung(en)*

*Ausgabeoptionen*

*Ausgabe Pfaddiagramm*

*Ende der Eingabe*

(beisp01.spl)

Multiple Regression mit SIMPLIS-Befehlen

Observed Variables

Einfluss Politikr Polint1 Fuehrung

Sample Size 1882

Covariance matrix

1.050

0.284 1.092

0.098 0.044 0.951

0.194 0.292 -0.059 3.331

Means

2.476 2.509 3.106 2.740

Relationships

Einfluss = CONST Politikr Polint1 Fuehrung

Options nd=3 SC

Path Diagram

End of problem

# Ergebnis der Schätzung mit LISREL

Multiple Regression mit SIMPLIS Befehlen

Number of Iterations = 0

LISREL Estimates (Maximum Likelihood)

Structural Equations

Einfluss = 1.462 + 0.246\*Politikr + 0.0940\*Polint1 + 0.0383\*Fuehrung,  
 (0.0958) (0.0220) (0.0233) (0.0126)  
 15.253 11.204 4.042 3.050

Errorvar. = 0.963 , R<sup>2</sup> = 0.0824  
 (0.0314)  
 30.643

Covariance Matrix of Independent Variables

	Politikr	Polint1	Fuehrung
Politikr	1.092 (0.036)		
Polint1	0.044 (0.024)	0.951 (0.031)	
Fuehrung	0.292 (0.045)	-0.059 (0.041)	3.331 (0.109)
	30.643	30.643	30.643

## Ergebnis der Schätzung mit LISREL

### Covariance Matrix of Latent Variables

	Einfluss	Politikr	Polint1	Fuehrung
	-----	-----	-----	-----
Einfluss	1.050			
Politikr	0.284	1.092		
Polint1	0.098	0.044	0.951	
Fuehrung	0.194	0.292	-0.059	3.331

### Mean Vector of Dependent Variables

Einfluss  
-----  
2.476

### Mean Vector of Independent Variables

Politikr	Polint1	Fuehrung
-----	-----	-----
2.509	3.106	2.740
(0.024)	(0.023)	(0.042)
104.049	138.025	65.060

### Goodness of Fit Statistics

Degrees of Freedom = 0  
 Minimum Fit Function Chi-Square = 0.00 (P = 1.000)  
 Normal Theory Weighted Least Squares Chi-Square = 0.00 (P = 1.000)  
 The Model is Saturated, the Fit is Perfect !

# Ergebnis der Schätzung mit LISREL

Multiple Regression mit SIMPLIS Befehlen  
Standardized Solution

## GAMMA

	Politikr	Polint1	Fuehrung
	-----	-----	-----
Einfluss	0.251	0.090	0.068

## Correlation Matrix of Y and X

	Einfluss	Politikr	Polint1	Fuehrung
	-----	-----	-----	-----
Einfluss	1.000			
Politikr	0.265	1.000		
Polint1	0.098	0.043	1.000	
Fuehrung	0.104	0.153	-0.033	1.000

## PSI

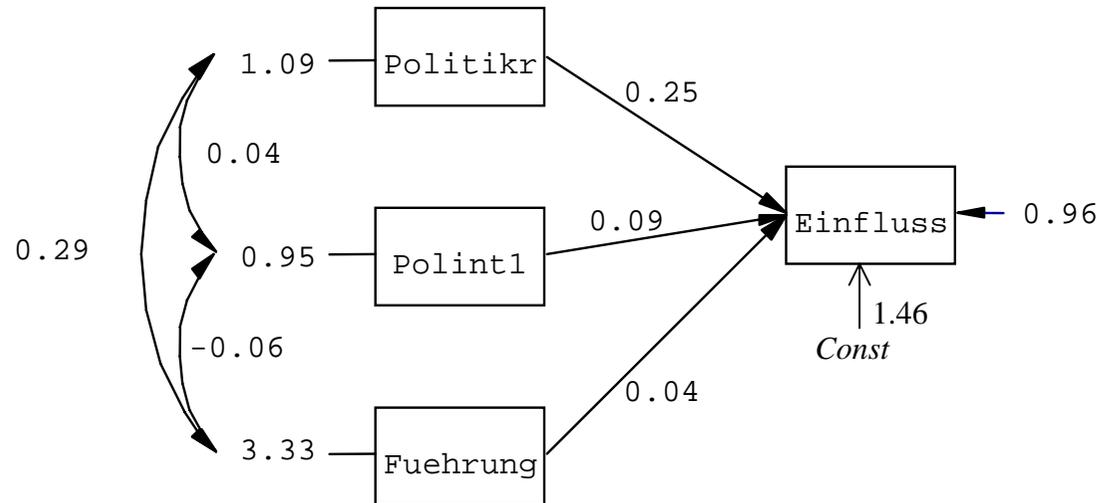
Einfluss	-----
	0.918

## Regression Matrix Y on X (Standardized)

	Politikr	Polint1	Fuehrung
	-----	-----	-----
Einfluss	0.251	0.090	0.068

Time used: 0.000 Seconds

## Ergebnis der Schätzung mit LISREL



Chi-Square=0.00, df=0, P-value=1.00000, RMSEA=0.000

### ***Unterschiede zur üblichen OLS-Regression:***

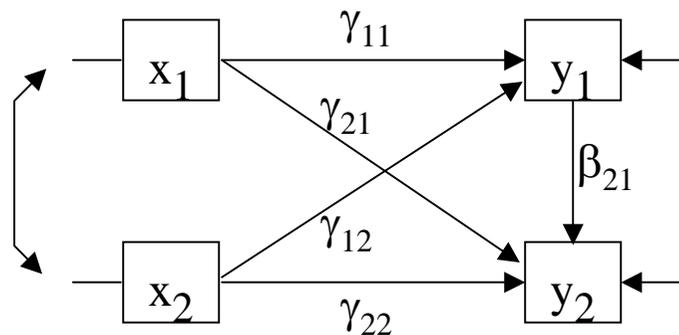
- Maximum-Likelihood-Schätzung (ML) anstelle Kleinst-Quadrat-Methode.
- Prädiktoren werden als Zufallsvariablen und nicht als feste Größen (fixed X) interpretiert.
- Modellparameter sind neben den Regressionskoeffizien und der Residualvarianz daher auch die Mittelwerte, Varianzen und Kovarianzen der erklärenden Variablen.
- Für alle geschätzten Modellparameter werden auch die Standardfehler geschätzt.
- Für das Modell wird ein Chiquadrat-Anpassungstest (Goodness-of-fit Test) berechnet
- In der Regel Analyse suffizienter Statistiken (Mittelwerte, Varianzen und Kovarianzen) anstelle von Rohdaten.

## Verallgemeinerung 1: Pfadanalyse

In der Pfadanalyse wird nicht nur eine einzige abhängige Variable analysiert, sondern es werden simultan mehrere abhängige Variablen betrachtet.

Dabei kann eine Variable, die in einer Modellgleichung abhängige Variable ist, in anderen Modellgleichungen erklärende Variable sein.

Grafische Darstellung als **Pfadmodell**:  
(ohne Regressionskonstanten)



**Modellgleichungen:**

$$Y_1 = \tau_1 + \gamma_{11} \cdot X_1 + \gamma_{12} \cdot X_2 + \zeta_1$$

$$Y_2 = \tau_2 + \beta_{21} \cdot Y_1 + \gamma_{21} \cdot X_1 + \gamma_{22} \cdot X_2 + \zeta_2$$

Solange das inhaltliche Interesse allein am Effekt der erklärenden Variablen auf eine abhängige Variable liegt, können zentrierte (mittelwertbereinigte) Variablen analysiert werden:

$$(Y_1 - \bar{y}_1) = \gamma_{11} \cdot (X_1 - \bar{x}_1) + \gamma_{12} \cdot (X_2 - \bar{x}_2) + \zeta_1$$

$$(Y_2 - \bar{y}_2) = \beta_{21} \cdot (Y_1 - \bar{y}_1) + \gamma_{21} \cdot (X_1 - \bar{x}_1) + \gamma_{22} \cdot (X_2 - \bar{x}_2) + \zeta_2$$

Zur Unterscheidung werden in der Statistik für zentrierte Variablen oft kleine Buchstaben als Variablennamen verwendet:

$$y_1 = \gamma_{11} \cdot x_1 + \gamma_{12} \cdot x_2 + \zeta_1$$

$$y_2 = \beta_{21} \cdot y_1 + \gamma_{21} \cdot x_1 + \gamma_{22} \cdot x_2 + \zeta_2$$

LISREL

## SIMPLIS-Beispiel zur Pfadanalyse

Bei der Spezifikation eines Pfadmodells in der SIMPLIS-Sprache von LISREL wird einfach für jede abhängige Variable eine eigene Modellgleichung spezifiziert:

Beispiel zur Pfadanalyse

Observed Variables

Einfluss Politikr Polint1 Fuehrung

Sample Size 1882

Covariance matrix

1.050

0.284 1.092

0.098 0.044 0.951

0.194 0.292 -0.059 3.331

**Relationships**

**Einfluss = Politikr Polint1 Fuehrung**

**Politikr = Polint1 Fuehrung**

Options nd=3 sc

Path Diagram

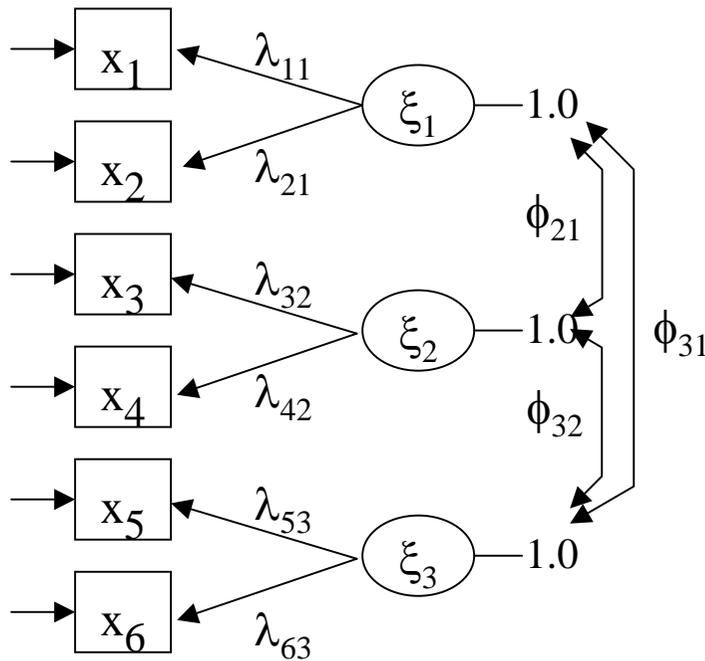
End of problem

(beisp02.spl)

## Verallgemeinerung 2: Konfirmatorische Faktorenanalyse

In der Faktorenanalyse werden beobachtete, abhängige Variablen (Indikatoren) durch latente Variablen (Faktoren) erklärt.

Grafische Darstellung als *Pfadmodell*:



*Modellgleichungen*:

$$x_1 = \lambda_{11} \cdot \xi_1 + \delta_1$$

$$x_2 = \lambda_{21} \cdot \xi_1 + \delta_2$$

$$x_3 = \lambda_{32} \cdot \xi_2 + \delta_3$$

$$x_4 = \lambda_{42} \cdot \xi_2 + \delta_4$$

$$x_5 = \lambda_{53} \cdot \xi_3 + \delta_5$$

$$x_6 = \lambda_{64} \cdot \xi_4 + \delta_6$$

Die Regressionskoeffizienten der Regression der Indikatoren auf die Faktoren werden als *Ladungen* bezeichnet und durch das Symbol  $\lambda$  (lambda) gekennzeichnet.

## SIMPLIS-Beispiel zur konfirmatorischen Faktorenanalyse (CFA)

Beispiel für eine konfirmatorische Faktorenanalyse

Observed Variables Einfluss Wahlen Politikr Beamte Polint1 Polint2

**Latent Variables EINFLUSS VERTRAUN POLINT**

Sample Size 1882

Covariance matrix

```
1.050
0.296  1.079
0.284  0.238  1.092
0.240  0.269  0.533  1.017
0.098  0.128  0.044  0.037  0.951
0.118  0.135  0.054  0.052  0.827  0.895
```

Relationships

Einfluss Wahlen = EINFLUSS

Politikr Beamte = VERTRAUN

Polint1 Polint2 = POLINT

Options nd=3 SC

Path diagram

end of problem

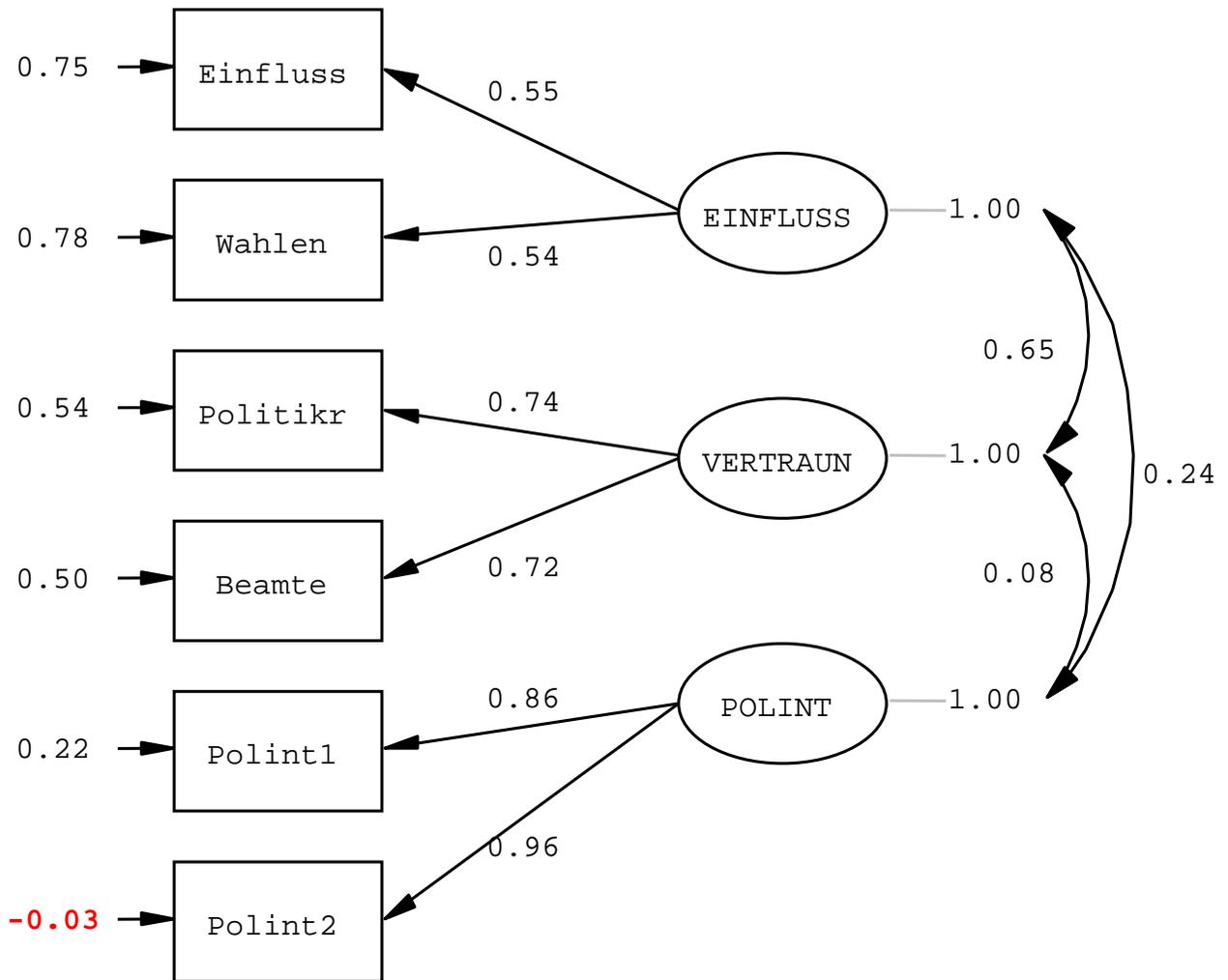
(beisp03.spl)

*Spezifikation von latenten Variablen*



Im Unterschied zur explorativen Faktorenanalyse werden in der konfirmatorischen Faktorenanalyse in der Regel keine Korrelationen, sondern Varianzen und Kovarianzen analysiert.

## Ergebnis der Schätzung mit LISREL:



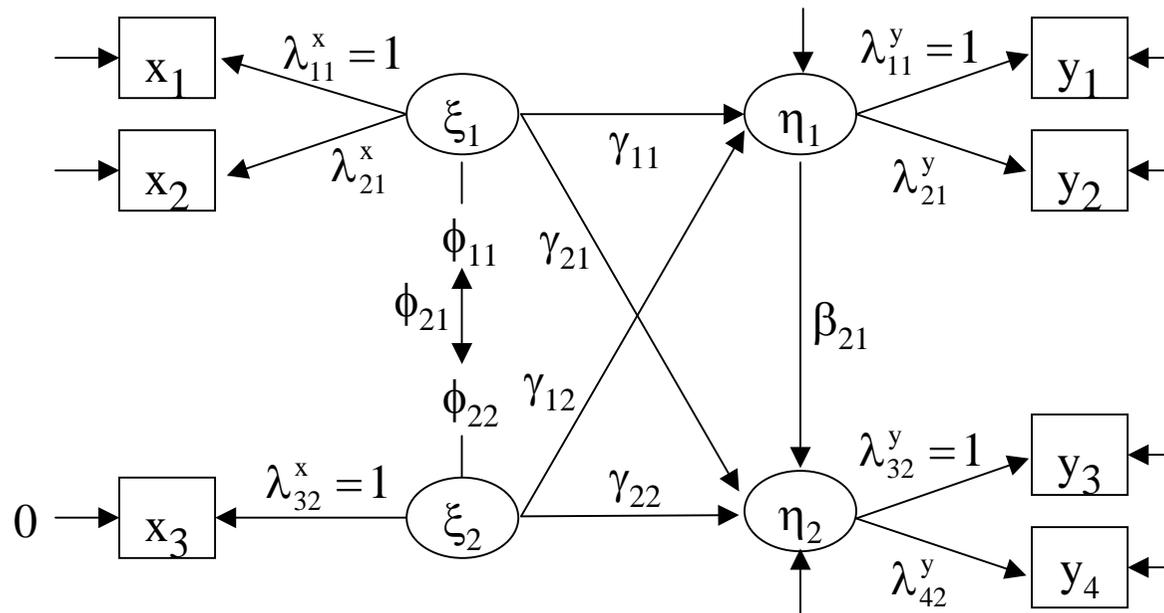
geschätzte Residual-  
varianz ist negativ! → -0.03

Chi-Square=9.36, df=6, P-value=0.15440, RMSEA=0.017

## Das vollständige LISREL-Modell: Pfadanalyse zwischen latenten Variablen

Im vollständigen LISREL-Modell werden Pfadanalyse und konfirmatorische Faktorenanalyse in ein Modell integriert.

Grafische Darstellung als *Pfadmodell*:



*Modellgleichungen*:

a) *Messmodell*:

$$x_1 = 1 \cdot \xi_1 + \delta_1$$

$$x_2 = \lambda_{21}^x \cdot \xi_1 + \delta_2$$

$$x_3 = 1 \cdot \xi_2$$

$$y_1 = 1 \cdot \eta_1 + \varepsilon_1$$

$$y_2 = \lambda_{21}^y \cdot \eta_1 + \varepsilon_2$$

$$y_3 = 1 \cdot \eta_2 + \varepsilon_3$$

$$y_4 = \lambda_{42}^y \cdot \eta_2 + \varepsilon_4$$

b) *Strukturmodell*:

$$\eta_1 = \gamma_{11} \cdot \xi_1 + \gamma_{12} \cdot \xi_2 + \zeta_1$$

$$\eta_2 = \beta_{21} \cdot \eta_1 + \gamma_{21} \cdot \xi_1 + \gamma_{22} \cdot \xi_2 + \zeta_2$$

## SIMPLIS-Beispiel für ein Strukturgleichungsmodell mit latenten Variablen

Beispiel für ein Pfadmodell zwischen latenten Variablen

Observed Variables

Einfluss Wahlen Politikr Beamte Polint1 Polint2 Fuehrung

Latent Variables EINFLUSS VERTRAUN POLINT AUTORIT

Sample Size 1882

Covariance matrix from file a96slwli.cm

Relationships

VERTRAUN = POLINT AUTORIT

EINFLUSS = VERTRAUN POLINT AUTORIT

Einfluss = 1\*EINFLUSS

Wahlen = EINFLUSS

Politikr = 1\*VERTRAUN

Beamte = VERTRAUN

Polint1 = 1\*POLINT

Polint2 = POLINT

Fuehrung = 1\*AUTORIT

Set the measurement error variance of Fuehrung to 0.

Options nd=3 MI RS SC

Path diagram

lisrel output

end of problem

(beisp04a.spl)

## Modifikation

**Alle Ladungen haben den vorgegebenen Wert 1 und gleiche Residualvarianzen der Indikatoren des Faktors EINFLUSS**

Beispiel für ein Pfadmodell zwischen latenten Variablen  
Observed Variables

Einfluss Wahlen Politikr Beamte Polint1 Polint2 Fuehrung  
Latent Variables EINFLUSS VERTRAUN POLINT AUTORIT  
Sample Size 1882

Covariance matrix from file: a96s1wli.cm

### Relationships

VERTRAUN = POLINT AUTORIT

EINFLUSS = VERTRAUN POLINT AUTORIT

Einfluss Wahlen = 1\*EINFLUSS

Politikr Beamte = 1\*VERTRAUN

Polint1 Polint2 = 1\*POLINT

Fuehrung = 1\*AUTORIT

← Die Ladungen werden nicht geschätzt,  
sondern sind auf den vorgegebenen Wert 1 festgesetzt!

**Set the measurement error variances of Einfluss and Wahlen equal**

Set the measurement error variance of Fuehrung to 0

Options nd=3 MI RS SC

Path diagram

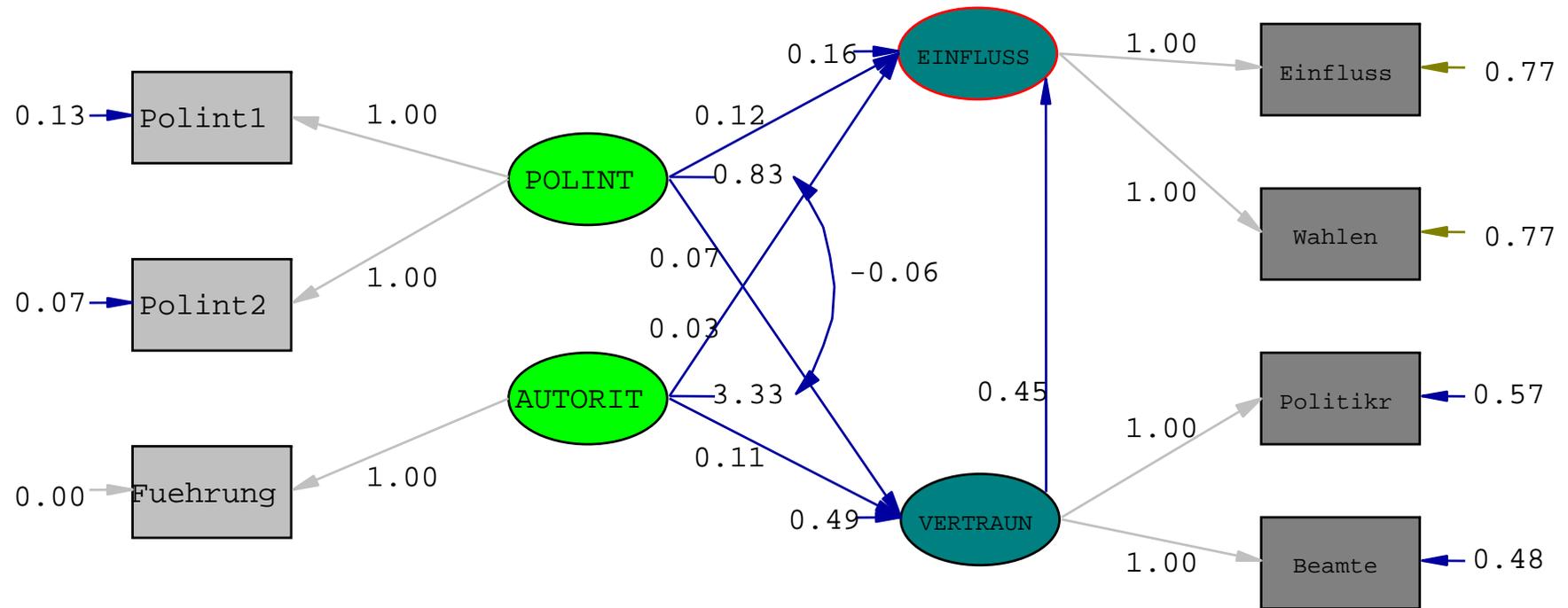
lisrel output

end of problem

(beisp04b.spl)

Das Modell enthält eine Reihe von **Restriktionen**: auf einen vorgegebenen Wert festgelegte Parameter und Gleichheitsrestriktionen. Möglich, aber im Beispiel nicht spezifiziert sind Kovarianzen zwischen den Residuen bzw. Messfehlern

# Ergebnis der Schätzung mit LISREL:



Chi-Square=22.53, df=13, P-value=0.04763, RMSEA=0.020

## **Das Programmsystem „Interactive LISREL“ (LISREL 8.80)**

Vollversion und kostenlose „Studentenversion“ (mit fast allen Features) verfügbar. In der Studentenversion ist die Zahl der beobachteten Variablen auf 12 begrenzt. Nicht verfügbar ist außerdem das Einlesen von Daten aus unterschiedlichen Systemen (*DBMS-Copy*)

### **Komponenten:**

PRELIS: LISREL-Preprozessor:

- Einlesen von ASCII-Daten, SPSS-Systemfiles sowie von Systemdateien aus unterschiedlichen Systemen (*DBMS-Copy*)
- Datenaufbereitung: Datenscreening, Rekodieren, Berechnung von Mittelwerten, Varianzen und Kovarianzen, Korrelationen oder von Rohmomenten einschließlich der geschätzten Varianzen und Kovarianzen dieser Momente; Berechnung von polychorischen Korrelationen bei ordinalen Variablen bzw. ersten und zweiten Momenten bei ordinalen Variablen mit restringierten Schwellenwerten, bei Probit-Regression und bei zensierten Daten
- Simulation und Bootstrapping
- (Multiple) Imputation bei fehlenden Fällen
- Explorative Datenanalyse (PCA, EFA, Grafiken)
- OLS- und 2-Step-Least-Square Regression

Zusatzmodule:

- Rekursive Modellierung mit Dendrogrammen; Mehrebenenanalyse
- (Mehrebenen-) GLiM

## Das Programmsystem „Interactive LISREL“

LISREL: Programm zur Analyse linearer Strukturgleichungsmodelle mit latenten Variablen

- Multiple und multivariate Regression und Pfadanalyse
- Konfirmatorische Faktorenanalyse
- Pfadanalyse mit latenten Variablen
- Mehrebenen-Strukturgleichungsmodelle
- Simultane Mehrgruppenvergleiche
- Modelle mit strukturierten Mittelwerten (z.B. latente Wachstumsmodelle)
- Unterschiedliche Schätzverfahren (u.a. ML, ADF-WLS, robuste ML, FIML bei fehlenden Fällen)
- nichtlineare Restriktionen und freie Parametrisierung
- Ausgabe und Export von Pfaddiagrammen
- Verschiedene Möglichkeiten der Modellspezifikation: Menuegesteuerte Eingabe, grafische Eingabe über Pfaddiagrammen, am Englischen orientierte Befehlssprache (SIMPLIS), Kommandoorientierte Befehlssprache (LISREL command language)
- Berücksichtigung komplexer Sampling Designs Design in Mehrebenen- und Strukturgleichungsmodellen mit fehlenden Daten

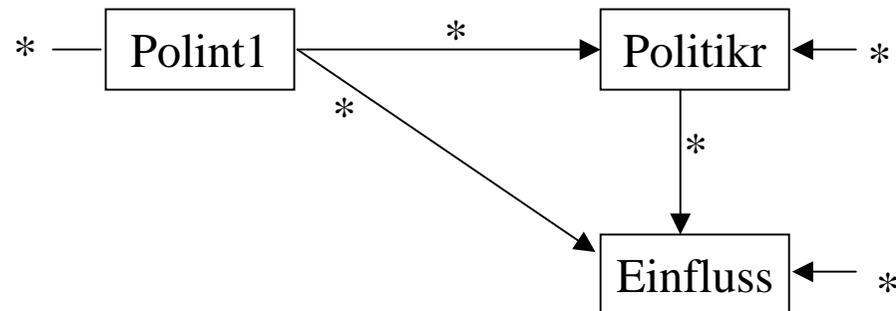
# Hausaufgabe

## A: Installation der Studentenversion von LISREL

Gehen Sie

- (1) auf die Homepage des LISREL-Distributors „<http://www.ssicentral.com>“,
- (2) suchen dort die LISREL-Seiten
- (3) laden Sie die aktuelle Studentenversion von interactive LISREL herunter und
- (4) installieren Sie das Programm auf Ihren Rechner

## B: Berechnen Sie mit LISREL folgendes Pfadmodells mit den Daten auf Folie 7:



Abgabe bis spätestens 23.4.07 (24 Uhr, per Mail)